

# Prímesztek

I. Legyenek  $a, b, c$  és  $m$  egészek, ahol  $b > 1$  és  $m > 0$ , ekkor

I.  $a^b$  maradék mod  $m$

II. az  $a$  és  $b$  legnagyobb közös osztója

III. (plána  $b$  es  $(a, b) = 1$  esetén) az  $\left(\frac{a}{b}\right)$  Jacobi szimbólum

IV. az  $ax + by = c$  lin. diof. egyenlet megoldásai es

V. az  $ax \equiv c \pmod{b}$  kongruencia megoldásai

kiszámíthatók legfeljebb  $\varphi(b)$  lépésben, ahol  $\varphi$  eper két egymára összefüggő kiszámítási módjának összehatását, melyből a maradékos osztókat feltérlik.

I: Legyen  $n > 2$ . Ha  $2^{\frac{n-1}{2}} \not\equiv 1 \pmod{n}$ , akkor  $n$  biztosan összetett.

Ha  $2^{\frac{n-1}{2}} \equiv 1 \pmod{n}$  akkor  $n$  "magasabb" prím.

II: Ha egy  $n$  összetett natúra  $a^{\frac{n-1}{2}} \equiv 1 \pmod{n}$  teljesül, akkor az  $n$ -et a alapú általános nevezetű

Ha  $n$  összetett natúra a fekti kongruencia minden  $(a, n) = 1$  esetén teljesül, akkor az  $n$  univerzális általános vagy Carmichael néme.